

# **НАСТАВНО-НАУЧНОМ ВЕЋУ ФИЗИЧКОГ ФАКУЛТЕТА УНИВЕРЗИТЕТА У БЕОГРАДУ**

Пошто смо на VI седници Наставно-научног већа Физичког факултета Универзитета у Београду одржаној 22. марта 2023. године одређени за чланове комисије за припрему извештаја о докторском раду Данијела Обрића "T-dualization of bosonic string and type IIB superstring in presence of coordinate dependent background fields" (Т-дуализација бозонске и суперструне типа IIB у присуству координатно-зависних позадинских поља), подносимо следећи

## **ИЗВЕШТАЈ**

### **1 Основни подаци о кандидату**

#### **1.1 Биографски подаци**

Данијел Обрић је рођен 1992. године у Бенковцу, Република Хрватска. Основну школу и средњу техничку школу завршио је у Вршцу. Основне студије је завршио на Физичком факултету Универзитета у Београду 2016. године, смер Теоријска и експериментална физика, са просечном оценом 8,16. За време трајања основних студија Данијел је био стипендиста Хемофарм фондације. Године 2016. уписује мастер студије на Физичком факултету Универзитета у Београду и завршава их 2017. године са просеком оцена 10,00. Мастер рад "Некомутативност и неасоцијативност затворене бозонске струне" је урађен под менторством др Бојана Николића, вишег научног сарадника Института за физику у Београду. Рад је одбрањен на Физичком факултету Универзитета у Београду септембра 2017. године. Данијел је уписао прву годину докторских студија на Физичком факултету Универзитета у Београду 2018. године, смер Квантна поља, честице и гравитација. Положио је све испите предвиђене програмом смера докторских студија и одбранио тему пред Колегијумом докторских студија Физичког факултета Универзитета у Београду априла 2021. године.

#### **1.2 Научна активност**

Од априла 2019. године Данијел Обрић је запослен на Институту за физику у Београду као истраживач приправник у Групи за гравитацију, честице и поља. У децембру 2018. године је изабран у звање истраживач приправник, а 2022. године у звање истраживач сарадник. Био је активан у оквиру пројекта Министарства просвете, науке и технолошког развоја ON171031 "Физичке импликације модификованог простор-времена" до његовог окончања. Почев од јануара 2022. године учествује на пројекту из програма ИДЕЈЕ "Quantum Gravity from Higher Gauge Theory" који је финансиран од стране Фонда за науку Републике Србије.

## 2 Опис предатог рада

### 2.1 Основни подаци

Докторска теза "T-dualization of bosonic string and type IIB superstring in presence of coordinate dependent background fields" урађена је под руководством др Бојана Николића, вишег научног сарадника Института за физику, и представља наставак истраживања започетог у мастер раду кандидата. Примењивана је процедура уопштене Т-дуализације развијена у радовима проф. др Бранислава Саздовића и др Љубице Давидовић. У овој дисертацији поменута процедура примењена је на моделу суперструне типа IIB са координатно- зависним Рамон-Рамон пољем, како за бозонску тако и за фермионску Т-дуализацију. Теза има 83 стране и садржи 103 референце, 7 поглавља и 4 додатка.

### 2.2 Предмет и циљ рада

Теорија суперструне садржи бозонска и фермионска поља која су повезана суперсиметријом). Постоји пет конзистентних теорија суперструне: тип I, тип IA, тип IIB и две хетеротичке теорије. Ове теорије међусобно су повезане мрежом дуалности. Теорија типа IIB описује суперструну са  $N = 2$  суперсиметријом и фермионским координатама исте киралности, док су фермиони у теорији типа IA супротне киралности. Тип I је суперстрена са експлицитном  $N = 1$  суперсиметријом. Повезаност конзистентних теорија суперструне преко дуалним трансформацијама даје наду да постоји свеобухватна односно јединствена теорија.

Предмет и циљ ове дисертације је анализа бозонске и фермионске Т-дуализације бозонске струне и суперструне типа IIB у присуству координатно- зависних позадинских поља, и испитивање некомутативности и неасоцијативности координата у геометрији који настаје након Т-дуализације.

Код отворене струне некомутативност ефективних координата се добија коришћењем граничних услова који мешају координате и импулсе. Затворена струна нема крајеве, и да би се добила некомутативност координата нужно је увести координатно- зависна позадинска поља и искористити Т-дуалност; додатни резултат је неасоцијативност. Позадинска поља се бирају тако да задовољавају услове конзистентности: у случају бозонске струне скуп слабо закривљених позадинских поља су константна метрика и линеарно зависно Калб-Рамоново поље, а код суперструне типа IIB то је Рамон-Рамоново поље које линеарно зависи од координате.

У раду је коришћена Бушерова процедура Т-дуализације: она која представља локализацију транслационе симетрије уз увођење додатног члана са Лагранжевим множитељем у дејство. Аналогно, локализацијом транслационе симетрије фермионских координата може се добити фермионска  $T$ -дуалност. Фиксирањем иницијалних координата (калибрационих услова)  $D$ -димензионог простора добија се теорија која зависи од градијентних поља и дуалних координат.

ната (Лагранжеви множитељи). Развијена и уопштена процедура која даје Т-дуализацију модела са координатно- зависним позадинским пољима.

### 2.3 Публикације

Публикације директно проистекле из тезе Данијела Обрића су [1-5] у списку публикација, и до сада имају 1 цитат и 8 аутоцитата.

### 2.4 Преглед научних резултата изложених у тези

У првом делу дисертације Данијела Обрића ”T-dualization of bosonic string and type IIB superstring in presence of coordinate dependent background fields” презентована је бозонска Т-дуализација бозонске струне у присуству константне метрике и линеарно- зависног Калб-Рамоновог поља, које зависи само од  $z$ -координате.

Т-дуализација је спроведена правац по правац и то прво дуж  $x$  и  $y$  а на крају дуж  $z$ . На овај начин се може јасно испратити трансформација геометрије добијене Т-дуализацијом. Након прве дуализације добија се тзв. ”уврнути” (*twisted*) торус, након друге теорија са  $Q$ -флуксом, а након дуализације дуж  $z$  добија се  $R$ -флукс теорија. ”Уврнути” торус има и глобалну и локалну геометријску интерпретацију,  $Q$ -флукс теорија има само локалну геометријску интерпретацију, док је  $R$ -флукс теорија нелокална и нема геометријску интерпретацију. Некомутативност као и неасоцијативност се појављују тек код  $R$ -флукс теорије. У разматрањима су коришћени тривијални услови намотавања  $x^\mu(\sigma + 2\pi) = x^\mu(\sigma) + 2\pi R^\mu$ , где су  $R^\mu$  полуупречници намотавања.  $R$ -флукс теорије припадају области која се назива *негеометрија*. Нелокалност  $R$ -флукс теорија у разматрању датом у тези долази од тога што крајња Т-дуална теорија зависи од величине која је линијски интеграл.

Бозонска струна са координатно- зависним Калб-Рамоновим пољем је у дисертацији сагледана и са аспекта (не) зависности резултата од редоследа Т-дуализација. Ако се изврши прво дуализација  $z$  координате добија се одмах  $R$  флукс теорија. Накнадне две дуализације не мењају тип геометрије тј. добијене теорије остају  $R$ -флукс типа. Крајња Т-дуална теорија је иста као и у случају Т-дуализационог ланца  $x \rightarrow y \rightarrow z$ , док се релације неасоцијативности и некомутативности разликују до на знак минус.

У другом делу докторске дисертације је анализирана суперструна типа IIB са линеарно зависним Рамон-Рамон пољем. Коришћено је дејство за суперструну у формализму чистог спинора.

Први избор Рамон-Рамон јачине поља био је да константни део буде симетричан на замену фермионских индекса, а координатно- зависни део антисиметричан. Овај случај се математички своди на случај бозонске струне са константном метриком и линеарно зависним Калб-Рамоновим пољем. Резултујућа Т-дуална теорија је нелокална, а бозонске координате су некомутативне и неасоцијативне. Релације некомутативности и неасоцијативности бозонских са фермионским и фермионских са фермионским координатама добијају се после фермионске

Т-дуализације бозонски Т-дуализоване теорије, при ћему фермионске координате остаје комутативне. Показано је и комутирање фермионске и бозонске Т-дуализације. Коначно, у тези је размотрен случај када је Рамон-Рамон јачина поља произвољна линеарна функција бозонске координате. Рачун је сложенији, али не даје нове квалитативне резултате.

### 3 Списак публикација кандидата

#### 3.1 Радови у међународним часописима

- [1] B. Nikolic, D. Obrić, *Noncommutativity and Nonassociativity of Closed Bosonic String on T-dual Toroidal Backgrounds*, Fortsch.Phys. 66 (2018) 4, 1800009.
- [2] B. Nikolic, D. Obrić, *Directly from H-flux to the family of three nonlocal R-flux theories*, JHEP 03 (2019) 136.
- [3] B. Nikolic, D. Obrić, B. Sazdovic, *Noncommutativity and Nonassociativity of Type II Superstring with Coordinate Dependent RR Field*, Fortsch.Phys. 70 (2022) 5, 2200048.
- [4] B. Nikolic, D. Obrić, *Combined Fermionic and Bosonic T-duality of Type II Superstring Theory with Coordinate Dependent RR Field*, Fortsch.Phys. 71 (2023) 1, 2200160.
- [5] B. Nikolic, D. Obrić, *Noncommutativity and nonassociativity of type II superstring with coordinate dependent RR field — the general case*, JHEP 12 (2022) 078.

#### 3.2 Радови са међународних скупова

- [6] B. Nikolic, D. Obrić, *From 3D torus with H-flux to torus with R-flux and back*, Proceedings of the 10th Mathematical Physics Meeting: School and Conference on Modern Mathematical Physics, September 9-14, 2019, Belgrade, Serbia, SFIN XXXIII Series A: Conferences, No. A1 (2020), 233-250.

## 4 ЗАКЉУЧАК

На основу изложеног, комисија закључује да докторска теза Данијела Обрића "T-dualization of bosonic string and type IIB superstring in presence of coordinate dependent background fields" даје значајан допринос теорији струна односно теоријској физици високих енергија, и да су задовољени сви прописани услови за одбрану тезе. Зато предлажемо Наставно-научном већу Физичког факултета да одобри њену одбрану.

Београд, 20. април 2023.

Проф. др Воја Радовановић  
редовни професор Физичког факултета

---

Проф. др Маја Бурић  
редовни професор Физичког факултета

---

Др Бранислав Џветковић  
научни саветник Института за физику

---